

أي خطأ طباعي أو إثناء التحويل من صيغة لآخر يرجي إبلاغي به والخطأ مني ومن الشيطان أما توفيقني فمن الله

عرف المصطلحات التالية:

الكميات الفيزيائية القياسية: هي كميات التي يعبر عنها بعد ووحدة قياس مثل "درجة الحرارة والطاقة والكتلة والقدرة والمسافة".

الكميات الفيزيائية المتجهة: هي الكميات التي يعبر عنها بعد ووحدة قياس واتجاه مثل "السرعة والتسارع والقوة والازاحة".

المتجه: خط مستقيم في نهايته سهم طول الخط يعبر عن مقدار الكمية الفيزيائية واتجاه السهم يدل على اتجاه الكمية الفيزيائية.

معكوس المتجه: متجه له نفس مقدار المتجه ويعاكسه في الاتجاه.

القوة المحصلة: هي القوة تعمل عمل قوتين أو مجموعة من القوي مجتمعة.

قاعدة الجيوب: حاصل قسمة كل ضلع على جيب الزاوية المقابلة له يساوي مقدار ثابت.

أذكر طرق جمع الكميات المتجهة:

1 - **الطريقة الهندسية:** ولجمع المتجهات هندسياً نصل ذيل المتجه برأس السابق له أما المحصلة هي طول الخط الواصل من ذيل الأول ورأس الأخير.

2 - حالة خاصة من الطريقة الهندسية وهي طريقة متوازي الأضلاع: وهي تمثل متجهين بضلعين متقابلين يخرجان من نفس النقطة ويحصران بينهما زاوية فيكون قدر هو المحصلة مقداراً واتجاهها

3 - **طريقة التحليل:** وهي تحليل القوة الى مركبتين أحدهما افقياً (في اتجاه محور السينات) (X) والأخر عمودياً (باتجاه محور الصادات) (Y).

قانون الضرب القياسي: هو حاصل ضرب أحد المتجهين في مسقط المتجه الآخر.

قانون الضرب الاتجاهي: هو حاصل ضرب أحد المتجهين في المركبة العمودية للمتجه الآخر عليه ويتم تحديد الاتجاه حسب قاعدة اليد اليمنى.

ولإيجاد اتجاه المحصلة، نستخدم قاعدة الجيب لنجد الزاوية α التي تصنعها المحصلة R مع A

$$\frac{B}{(\sin \alpha)} = \frac{R}{\sin(180-\theta)} \quad (1-2-A)$$

وحيث إن $\sin(180-\theta) = \sin \theta$ ، فيمكن التعبير عن α من خلال العلاقة:

$$\sin \alpha = \frac{B}{R} \sin \theta \quad (1-2-B)$$

حالات خاصة :

1- المتجهان في نفس الاتجاه صفر = θ والمحصلة في نفس الاتجاه وتكون أكبر ما يمكن وتساوي $R=A+B$

2- المتجهان متعاكسان $180 = \theta$ والمحصلة في الاتجاه المتجه الأكبر وتكون المحصلة أصغر ما يمكن $R=A-B$

3- المتجهان متعامدين $90 = \theta$ والمحصلة $\tan^{-1} = B/A$

4- عندما تكون المتجهان متساويان والزاوية بينها مقصورة حادة $R=2A\cos \theta/2$
والمحصلة تنصف الزاوية بينهما

F ترمز للقوة تحمل لمركب افقي $F_X = \cos \theta$ في اتجاه محور السينات وتسبب الحركة اذا تغلبت على قوي الاختناق وقوى عمودية رأسية تعكس قوي التلامس العمودية $F_Y = \sin \theta$ والزاوية θ تحدد من محور السينات الموجب بعكس عقارب الساعة

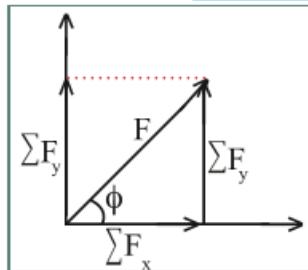
ونستخدم الطريقة التحليلية لإيجاد محصلة عدّة قوى، وللقيام بذلك نتبع الخطوات الآتية:

- ١- نحلل كل قوة إلى مركبتها الأفقية($+x$) والرأسية(y).
- ٢- نحسب المجموع الجري لقوى المؤثرة في الاتجاه السيني $\sum F_x$.
- ٣- نحسب المجموع الجري لقوى المؤثرة في الاتجاه الصادي $\sum F_y$.
- ٤- نحسب المحصلة الكلية للمحصّلتين المتعامدتين.

$$F = \sqrt{(\sum F_x)^2 + (\sum F_y)^2} \quad (1-3)$$

٥- نحدّد اتجاه القوة المحصلة من خلال:

$$\phi = \tan^{-1} \frac{(\sum F_y)}{(\sum F_x)} \quad (1-4)$$



حيث تمثل ϕ الزاوية التي تصنعها المحصلة F مع المحور السيني الموجب، مع مراعاة إشارات كل من F_x و F_y كما في الشكل المجاور.

الضرب القياسي (النقطي) $A \cdot B = A B \cos \theta$
الضرب الاتجاهي التقاطعي $|C| = |A||B| \sin \theta$ و منها $C = A \times B$

زنبر

الحركة الرئيسية (الصادمة) $a_y = -g$	الحركة الأفقية (السينية) $a_x = 0$	معادلات الحركة الانتقالية
$v_{yi} = v_i \sin \theta$	$v_{xi} = v_i \cos \theta$	
$v_{yf} = v_{yi} - gt$	$v_{xf} = v_{xi}$	$\mathbf{v}_f = \mathbf{v}_i + \mathbf{at}$
$y_f = y_i + v_{yi}t - \frac{1}{2}gt^2$	$x_f = x_i + v_{xi}t$	$\mathbf{r}_f = \mathbf{r}_i + \mathbf{v}_i t + \frac{1}{2} \mathbf{a} t^2$
$v_{yf}^2 = v_{yi}^2 - 2g(y_f - y_i)$	$x_{sf}^2 = v_{xi}^2 - 2g(x_f - x_i)$	$v_f^2 = v_i^2 + 2a \cdot (\mathbf{r}_f - \mathbf{r}_i)$

حيث:

x_f : الإزاحة الأفقية للجسم المقذوف عند الزمن t .

v_{xf} : مركبة السرعة الأفقية للجسم المقذوف عند الزمن t .

y_f : الإزاحة الرئيسية للجسم المقذوف عند الزمن t .

v_{yf} : مركبة السرعة الرئيسية للجسم المقذوف عند الزمن t .

g : تسارع الجاذبية الأرضية.

ولإيجاد الزمن اللازم لوصول الجسم المقذوف إلى أقصى ارتفاع ، وحيث إن المركبة الرئيسية لسرعة الجسم المقذوف عند أقصى ارتفاع تساوي صفراء، فإن:

$$v_{yf} = v_{yi} - gt = 0 = v_i \sin \theta - gt_1$$

$$t_1 = \frac{v_i \sin \theta}{g}$$

$$2t_1 = \frac{2v_i \sin \theta}{g}$$

وبالتالي يكون زمن التحلق الكلي:

المقذوفات بزاوية :

1- زمن التحلق $t = \frac{2v_i \sin \theta}{g}$ ومنها زمن التحلق $t = 2t_1$ وزمن الصعود نفس القانون بدون الضرب في 2

2- المدى الأفقي $x_f = V_{xi} \times t$ وتعني السرعة الأفقية في زمن التحلق

3- أقصى ارتفاع $V_{xf}^2 = V_i^2 - 2gy$

4- سرعة الجسم لحظة الوصول للأرض

المقذوفات الأفقية :

1- زمن وصول الكرة للأرض $t = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{2y}{g}}$

2- أقصى مدي افقي $x_f = V_{xi} t$

أكمل ما يلي:

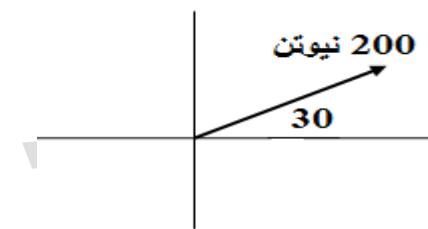
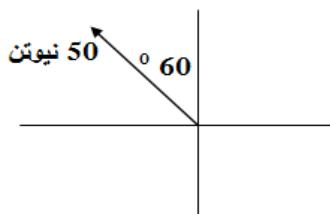
- 1 - من شروط تمثيل الكميات المتجهة و و
- 2 - يتلاقي المتجه مع معکوسه من جهة
- 3 - من شروط تمثيل الكميات المتجهة بيانيا و
- 4 - تطلق القوة المحصلة على حاصل جمع متجهين
- 5 - عند جمع المتجهات هندسيا تكون المحصلة الناتجة من المتجه الأول إلى المتجه الآخر.
- 6 - يشكل الخارج من نفس النقطة التي يخرج منها متجهان بينهما زاوية θ محصلة المتجهين مقداراً واتجاهها
- 7 - تكون أصغر قيمة لمحصلة متجهين عندما تكون الزاوية بينهما
- 8 - تكون قيمة الزاوية بين المتجهين إذا كانت المحصلة مساوية لقيمة أحد المتجهين.
- 9 - يستخدم قانون الجيوب لحساب اتجاه المحصلة
10 - عند ضرب كمية متجهة في كمية عددية فإن الناتج هو
- 11 - عند ضرب كمية متجهة في كمية متجهة أخرى فإن الناتج يكون كمية إذا كان الضرب ويكون كمية إذا كان الضرب
- 12 - عند ضرب كمية عددية سالبة بكمية متجهة فإن اتجاه الكميات الناتجة يكون اتجاه المتجه الأصلي.
- 13 - حاصل الضرب النقطي للمتجه (ب) ومعکوسه من نفس النقطة يساوي
- 14 - متجهان (أ ، ب) مقدارهما (5 ، 10) وحدات على الترتيب ، احسب حاصل الضرب النقطي إذا كانت الزاوية المحصورة بينهما تساوي
- 15 - متى يكون حاصل الضرب العددي لمتجهين يساوي
- 16 - تستخدم لتحديد اتجاه المتجه الناتج من الضرب التقاطعي.
- 17 - يكون اتجاه المتجه الناتج من الضرب التقاطعي عموديا على

- 18 - متوجهان (أ ، ب) مقدارهما (5 ، 10) وحدات على الترتيب ، احسب حاصل الضرب التقاطعي إذا كانت الزاوية المحصورة بينهما تساوي
19 - إذا كان الشغل هو حاصل ضرب مسقط القوة في الإزاحة فإنه كمية
20 - إذا كان عزم الأزدواج هو حاصل ضرب المركبة العمودية للذراع في القوة فإنها كمية
21 - لحساب المدى الأفقي في حركة المقذوفات نستخدم
22 - تكون قيمة المركبة العمودية عند أقصى ارتفاع
23 - أي من مركبات متجه السرعة تبقى ثابتة طوال حركة المقذوف
• علل لما يأتي :
- يتساوى المدى الأفقي لجسم عند قذفه بزاويتين متممتنان لبعضهما البعض . (مجموعهما 90°).
- يصل الجسم المقذوف بسرعة معينة إلى أقصى مدى أفقي له عند قذفه بزاوية 45° .
- تصمم أجهزة تحديد زوايا المقذوفات في أدوات الحروب العسكرية .
- بعض الكائنات الحية كالضفادع تميل أجسامها بزاوية 45° عند القفز .

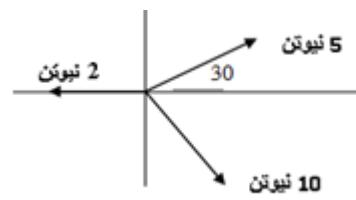
مسائل عامة :

- 1 - تحركت سيارة إزاحة مقدارها 5 كيلومتر بزاوية 30° في اتجاه شمال الشرق ، مثل الإزاحة ومعكوسها بالرسم .
2 - أثرت قوة مقدارها 2 نيوتن على جسم باتجاه الجنوب الغربي مثل هذه الكمية بيانيا .
3 - إذا كنت تركب باصاً يسير بسرعة 11 m/s في اتجاه مستقيم ، ثم قمت من مقعدك باتجاه مقدمة الباص بسرعة 3 m/s ، فكم تكون سرعتك بالنسبة إلى الشارع ؟ وإذا سرت بنفس السرعة باتجاه مؤخرة الباص فكم تكون سرعتك بالنسبة إلى الشارع ؟
4 - قوتان مقدارهما (10 ، 20) نيوتن تؤثران في نقطة مادية والزاوية بين اتجاهيهما 120 أوجد مقدار واتجاه المحصلة ؟
5 - تتحرك سيارة بحيث كانت المركبة السينية لسرعتها 2 m/s ، والمركبة الصادية 30 m/s ، جد مقدار واتجاه سرعة السيارة .
6 - قوتان متساويتان في المقدار ، كل منهما Q ، ومحصلتهما Q . احسب الزاوية بينهما .

- 7 - يريد رجل أن يقطع نهرا في قارب بسرعة 8 m/s في اتجاه الشمال، فإذا كانت سرعة مياه النهر 6 m/s ، ما مقدار واتجاه السرعة التي يتحرك بها القارب؟
- 8 - جد مركبتي قوة تساوي 25 نيوتن تميل بزاوية (127°) عن المحور السيني.
- 9 - يستقر جسم وزنه $(100) \text{ نيوتن}$ على سطح مائل زاوية ميله (30°) مع الأفقي، جد مركبتي الوزن في الاتجاهين الموازي والمعتمد على السطح المائل.
- 10 - حدد على الرسم كل من المركبة السينية والمركبة الصادمة للمتجهات في الأشكال التالية:

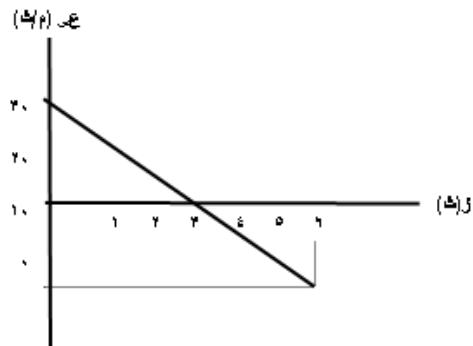


- 11 - في الشكل المقابل تؤثر مجموعة من القوى في جسم، احسب مقدار واتجاه محصلة هذه القوى.



- أطلقت قذيفة من مدفع بزاوية تميل عن الأفقي (30°) فإذا كانت المركبة العمودية للسرعة عند قذفها 50 m/s ، (باعتبار تسارع الجاذبية الأرضية $= 10 \text{ m/s}^2$) احسب:
 أ) زمن التحليق. ب) أقصى ارتفاع تصل إليه القذيفة.

- توقف دبابة على بعد 2000م من موقع عسكري ، أطلقت الدبابة قذيفتها بزاوية تميل عن الأفقي (30°) وبسرعة 200 م/ث ، فإذا كان زمن الوصول لأعلى قمة (5 ث) ، فهل ستتصيب قذيفة هذه الدبابة الموقع العسكري؟
- الرسم البياني المجاور يعبر عن تغير



مركبة السرعة العمودية لجسم مقذوف في مجال جاذبية الأرض، فإذا كانت زاوية القذف (30°)، احسب:
 أ- مقدار السرعة التي قذف بها الجسم.
 ب- أقصى ارتفاع يصل إليه الجسم.
 ج- المدى الأفقي للجسم.

12- قوتان إحداهم ضعف الأخرى والزاوية بينهما 60 درجة اذا كانت محصلة كلا منها تساوي $\sqrt{7}$ نيوتن جد مقدار كل منها .