

وكالة الغوث الدولية - الأونروا
دائرة التربية والتعليم - غزة
مركز التطوير التربوي
وحدة التطوير المهني والمنهاج



9

التاسع

بطاقات التعلم الذاتي

الرياضيات

مكتبة زهور الأقصى



الفصل الدراسي الأول

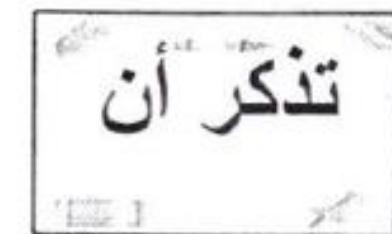
للعام الدراسي 2020/2021م



بطاقة رقم (٢٧)

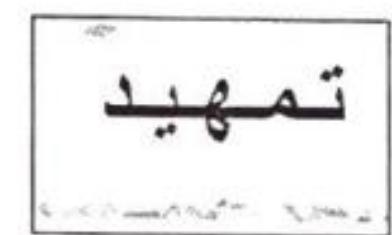
الموضوع : الوسط الحسابي للجداول التكرارية .

الهدف : يجد الوسط الحسابي للجداول التكرارية .



- $$\text{الوسط الحسابي للقيم المفردة} = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عدد القيم}} \quad \text{أو} \quad (\text{مجموع القيم} \div \text{عددها})$$

$$= \frac{\Sigma S}{N} \quad \text{حيث } \Sigma \text{مجموع ، } S \text{ القيم ، } N \text{ عدد القيم}$$



- أكمل ما يلي /

١- الوسط الحسابي للقيم التالية : ٥ ، ٩ ، ٨ ، ٧ ، ٥ هو ...

٢- مركز الفئة $(9 - 5) = \frac{9+5}{2} = 7$

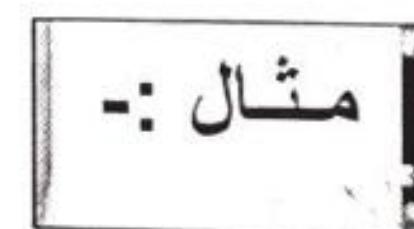
٣- من مقاييس النزعة المركزية ... الوبيرط الحسابي، ... الوسيط، ... المتوسط



$$\frac{(\text{س} \times \text{ت}) \Sigma}{\Sigma \text{ت}} = \bar{\text{س}}$$



حيث S : الوسط الحسابي، Σ : مجموع التكرارات، s : مركز الفئة، Σ : رمز المجموع



الجدول التالي يبين درجات ٤٠ طالب في امتحان لمادة الرياضيات :

الفئات	النكرار	٤ - ٠	٩ - ٥	١٤ - ١٠	١٩ - ١٥	٢٤ - ٢٠	المجموع
٢	٨	٨	١٢	١٠	١٥	٢٠	٤٠

جد الوسط الحسابي لدرجات الطلاب .

الحل :-

الفئات	النكرار	مركز الفئة	س \times ت
٤ - ٠	٢	٢	٤
٩ - ٥	٨	٧	٥٦
١٤ - ١٠	١٠	١٢	١٢٠
١٩ - ١٥	١٢	١٧	٢٠٤
٢٤ - ٢٠	٨	٢٢	١٧٦
المجموع	٤٠	—	٥٦٠

لإيجاد الوسط الحسابي لعلامات الطلاب :

$$\Sigma (S \times T) = 560$$

$$S = \frac{\Sigma (S \times T)}{\Sigma T} = \frac{560}{40} = 14$$

تدريب :-

الجدول التالي يمثل درجات ١٠ طلاب في مادة الرياضيات

الفئات	النكرار	١٠ - ٦	١٥ - ١١	٢٠ - ١٦	المجموع	١٠
	٢	٤	٣	١		

جد الوسط الحسابي لدرجات الطلاب :

الفئات	النكرار	مركز الفئة	س \times ت
٥ - ١	٢	$\frac{٥+١}{٢} = ٣$	$٣ = ٣ \times ٢$
١٠ - ٦	٤	$\frac{١٦+١٢}{٢} = ٨$	$٨ = ٨ \times ٤$
١٥ - ١١	٣	١٣	$١٣ = ١٣ \times ٣$
٢٠ - ١٦	١	١٨	$١٨ = ١٨ \times ١$
المجموع	١٠	—	٩٥

$$1 - \Sigma (S \times T) = 95$$

$$2 - \Sigma T = 10$$

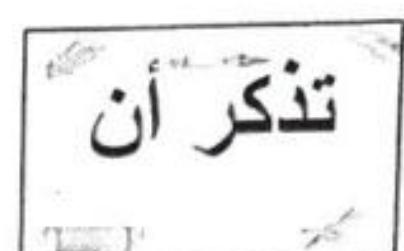
$$3 - \text{الوسط الحسابي} = \frac{\Sigma S \times T}{\Sigma T} = \frac{95}{10} = 9.5$$

مكتبة زهور الأقصى

الموضوع : الوسيط للجداول التكرارية .

الهدف : يجد الوسيط للجداول التكرارية .

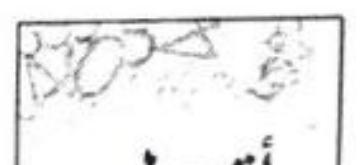
الوسيط هو القيمة التي تتوسط القيم بعد ترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً .



تمهيد

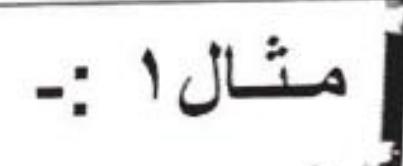
أكمل ما يلي / مرتباً ارلاشتياً (٤٣٤٥٦٧)

- ١ - الوسيط للقيم التالية : ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٧ ، ٩ هو ٥
- ٢ - الحد الفعلى الأعلى للفئة (٩ - ٥) = ٩٥ و ٥٠



١ - الوسيط للجداول التكرارية = القيمة في الحدود الفعلية العليا التي تكرارها التراكمي هو مجموع التكرارات مقسوماً على ٢ .

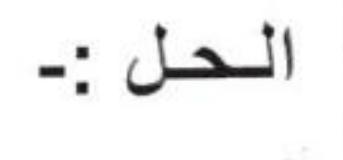
٢ - رتبة الوسيط للجدول التكراري هي مجموع التكرارات مقسوماً على ٢ وبالرموز رتبة الوسيط = $\frac{\text{مجموع}}{٢}$



يمثل الجدول التالي أعمار ١٠ أشخاص ، احسب الوسيط لأعمارهم .

الفئات	النكرار	المجموع	٢٤ - ٢٠	١٩ - ١٥	١٤ - ١٠	٩ - ٥
	٢	١٠	١	٤	٣	٢

جد الحدود الفعلية العليا والتكرار التراكمي للجدول التراكمي .



الحل :-	الفئات	التكرار	الحدود الفعلية العليا	التكرار التراكمي	المجموع
	٩ - ٥	٢	٩,٥	٢	
	١٤ - ١٠	٣	١٤,٥	٥	
	١٩ - ١٥	٤	١٩,٥	٩	
	٢٤ - ٢٠	١	٢٤,٥	١٠	
	المجموع	١٠	—	—	

لإيجاد الوسيط : رتبة الوسيط = $\frac{\text{نكرار}}{٢} = \frac{١٠}{٢} = ٥$

الحد الفعلى الأعلى التي يقابها رتبة الوسيط هو ١٤,٥

الوسيط = ١٤,٥ و ٥٠

تدریب ۱:-

يمثل الجدول التالي درجات ١٤ طالب في امتحان مادة ما ، احسب الوسيط لدرجاتهم .

الفئات	النكرار	٥ - ١	١٠ - ٦	١٥ - ١١	٢٠ - ١٦	المجموع
٢	٥	٦	١	١٦	٢٠	١٤

الحل :-

الفئات	النحو	النحو	الحدود الفعلية العليا	النحو
٥ - ١	٢	٥٩٥	٣	
١٠ - ٦	٥	١٠٥	٧	
١٥ - ١١	٦	١٥٥	١٣	
٢٠ - ١٦	١	٢٠٥	١٤	
المجموع	١٤	—	—	



لإيجاد الوسيط: رتبة الوسيط = $\frac{1}{2} \times 14 = 7$
الحد الفعلى الأعلى الذى يقابها رتبة الوسيط هو
الوسيط = $10 + 5 = 15$

الجدول التالي يبين كتل ٣٢ طفلاً بالكيلوغرامات ، احسب الوسيط لكتل الأطفال .

مثال ۲:

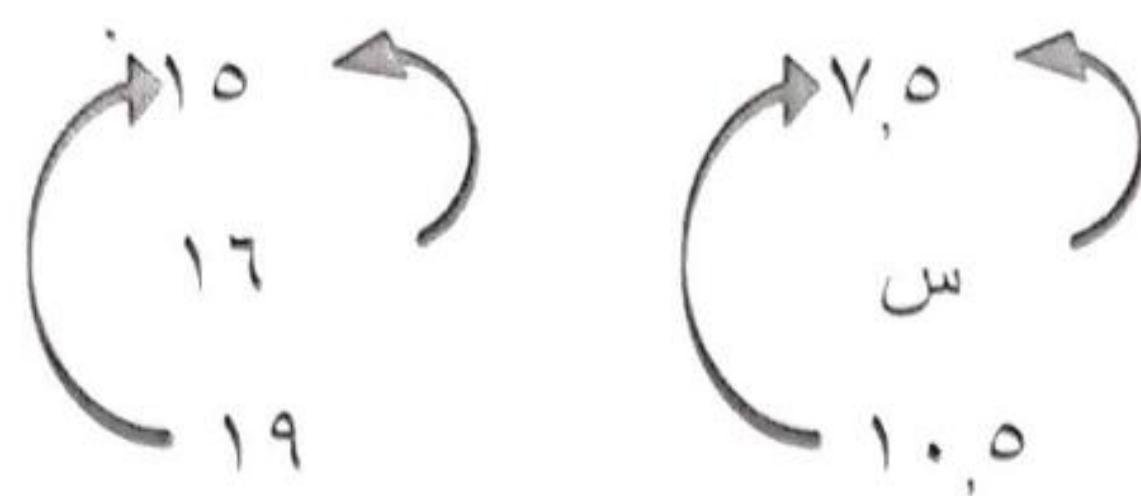
الفئات	٤ - ٢	٧ - ٥	١٠ - ٨	١٣ - ١١	المجموع
النكرار	٥	١٠	٤	١٣	٣٢

الحل :-

الفئات	النوع	الحدود الفعلية العليا	النوع	النوع
٤ - ٢	٥	٤,٥	٥	٥
٧ - ٥	١٥	٧,٥	١٠	١٠
١٠ - ٨	١٩	١٠,٥	٤	٤
١٣ - ١١	٣٢	١٣,٥	١٣	٣٢
المجموع	—	—	—	٣٢

أعين الفئة الوسيطية لأن الوسيط يقع ضمنها

الفئة الوسيطية هي ٧,٥ - ١٠,٥



$$\frac{15 - 16}{15 - 19} = \frac{7,5 - S}{7,5 - 10,5}$$

$$\frac{3}{4} = 7,5 \quad \leftarrow \quad S - \frac{1}{4} = \frac{7,5 - S}{3}$$

$$S = 7,5 + \frac{3}{4} \leftarrow \text{الوسيط} = 8,25$$

تدريب ٢:- الوسيط للبيانات في الجدول التكراري التالي .

	المجموع	٢٠ - ١٦	١٥ - ١١	١٠ - ٦	٥ - ١	الفئات
التكرار التكراري	١٠	١	٣	٤	٢	التكرار

الحل :-
التكرار التكرمي
٢
٦
٩
١٠
المجموع

$$\text{نسبة الوسيط} = \frac{5}{6} = 0,833\overline{3}$$

$$\left(\begin{matrix} ٢ \\ ٦ \\ ٩ \\ ١٠ \end{matrix} \right) \left(\begin{matrix} ٢٠,٥ \\ ١٥,٥ \\ ١٠,٥ \\ ٥,٥ \end{matrix} \right)$$

$$\frac{٥ - ٥}{٥ - ٦} = \frac{٥,٥ - ٥}{٥,٥ - ١٠,٥}$$

$$\frac{٣}{٤} = \cancel{\frac{٥,٥ - ٥}{٥}}$$

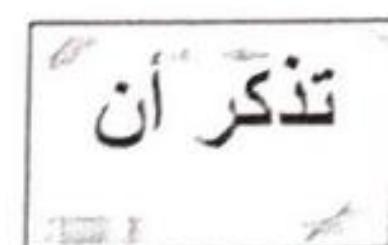
$$\begin{array}{r} ٣,٧٥ \\ ٢ \sqrt{١٥} \\ \underline{- ١٤} \\ ١ \\ \underline{- ١} \\ ١ \end{array}$$

$$\begin{aligned} \frac{٣,٧٥}{٤} &= ٥,٥ - ٥ \\ \cancel{\frac{١٥}{٤}} &= ٥,٥ - ٥ \\ ٣,٧٥ &= ٥,٥ - ٥ \\ ٥,٥ + \cancel{٣,٧٥}^{\textcircled{1}} &= ٥ \\ ٩,٥ &= ٥ \end{aligned}$$

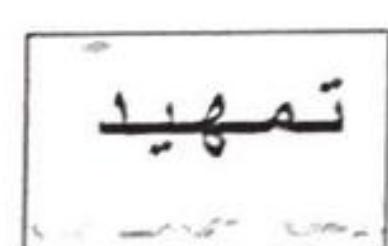
بطاقة رقم (٢٩)

الموضوع : المنوال للجداول التكرارية .

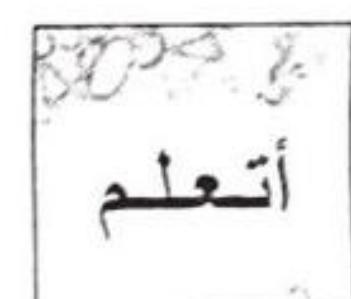
الهدف : يجد المنوال للجداول التكرارية .



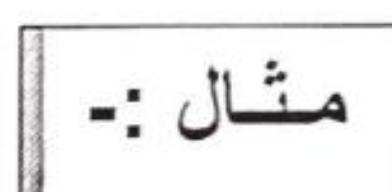
- المنوال هو القيمة الأكثر تكراراً ، قد يكون هناك منوال أو أكثر (وقد لا يوجد منوال)



- أكمل ما يلي /
- ١ - المنوال للقيم التالية : ١ ، ٢ ، ١ ، ٣ ، ٢ ، ٤ ، ٣ هو ٣
- ٢ - مركز الفئة (٤ - ٦) = ٥ = $\frac{٤+٦}{٢} = \frac{١٠}{٢} = ٥$



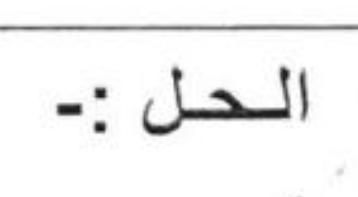
- المنوال للجداول التكرارية هو مركز الفئة الأكثر تكراراً .



الجدول التكراري التالي يمثل توزيع علامات ٤٥ طالب في إحدى المباحث :

الفئات	النكرار
٨٩ - ٨٠	٦
٧٩ - ٧٠	٨
٦٩ - ٦٠	٩
٥٩ - ٥٠	١٠
٤٩ - ٤٠	٧
٣٩ - ٣٠	٥

جد المنوال لعلامات الطلاب .



- الفئة الأكثر تكراراً هي (٥٩ - ٥٠)
- المنوال = مركز الفئة الأكثر تكراراً (أي مركز الفئة ٥٠ - ٥٩)
$$= \frac{٥٩ + ٥٠}{٢} = \frac{١٠٩}{٢} = ٥٤,٥$$

تدريب :-

الجدول التكراري التالي يمثل كتل أمتعة مجموعة من المسافرين بالكيلوغرام :

الفئات	النوع	النوع	النوع	النوع	النوع	النوع
الفئات	النوع	النوع	النوع	النوع	النوع	النوع
٤٥ - ٤٠	٣٩ - ٣٤	٣٣ - ٢٨	٢٧ - ٢٢	٢١ - ١٦	١٥ - ١٠	٨
٨	١٢	١٣	٢٠	١٥	١٢	٩

احسب قيمة المتوسط.

الحل :-

القصة الراهنَّ تأثرَّ بـ $\frac{27+22}{2}$ مم

المتوسط = مركز هذه القصة

$$\text{المتوسط} = \frac{27+22}{2} = 49 = 49 \text{ و ٥٠}$$



بطاقة رقم (٣٠)

الموضوع : الانحراف المعياري .

الهدف : يجد الانحراف المعياري للجداول التكرارية .

انحراف المعياري للقيم المفردة

تذكرة

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (s - \bar{s})^2}{n}} \quad \text{حيث: } \bar{s} \text{ مجموع ، } s \text{: القيمة ، } \bar{s} \text{ الوسط الحسابي ، } n \text{ : عدد القيم}$$

أكمل ما يلي /

تمهيد

$$1 - \text{الوسط الحسابي لجدول تكراري } \bar{s} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i} \\ 2 - \text{مركز الفئة } 15 - 19 = \frac{19 + 15}{2} = 17$$

أتعلم



الانحراف المعياري للجداول التكرارية : هو الجذر التربيعي لمجموع حاصل ضرب التكرارات في مربع انحراف مراكز الفئات عن الوسط الحسابي مقسوماً على مجموع التكرارات ،

ويعبر عنه بالعلاقة التالية :

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (s - \bar{s})^2 \times f_i}{\sum f_i}}$$

حيث : f_i : تكرار الفئة ، $\sum f_i$: مجموع التكرارات ، s : مركز الفئة ، \bar{s} : الوسط الحسابي

مثال :-

الجدول التكراري التالي يبين درجات ١٠ طلاب في امتحان لمادة الرياضيات :

الفئات	النكرار	المجموع
٤٠ - ٤٠	١	٢٤ - ٢٠
٩ - ٥	٢	١٩ - ١٥
٤ - ١٠	٤	١٤ - ١٠
١	١	١٠
	١٠	١٠

جد الانحراف المعياري لدرجات الطلاب .

الحل :-

الفئات	النكرار	مركز الفئة	سxt	(س - س) ²	(س - س) ² × ت
٤ - ٠	١	٢	٢	١٠٠	١٠٠
٩ - ٥	٢	٧	١٤	٥٠	٢٥
١٤ - ١٠	٤	١٢	٤٨	٠	٠
١٩ - ١٥	٢	١٧	٣٤	٥٠	٢٥
٢٤ - ٢٠	١	٢٢	٢٢	١٠٠	١٠٠
المجموع	١٠	—	١٢٠	٣٠٠	—

$$12 = \frac{120}{10} = \frac{\sum (س \times ت)}{\sum ت} \quad .1$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (س - س)^2 \times ت}{\sum ت}} \quad .2$$



تدريب :-

الجدول التكراري التالي يبين أعمار ١٠ أشخاص :

الفئات	النكرار	٥ - ١	١٠ - ٦	١٥ - ١١	٢٠ - ١٦	المجموع
٤	٣	٢	١	٢	١	١٠

جد الانحراف المعياري لدرجات الطلاب .

الحل :-

الفئات	النكرار	١٨	٢٦	٢٤	$\sum (س - س)^2$	(س - س) ² × ت	(س - س) ²
٥ - ١	٤	٠٣	١٣	٨	٤٠	٤×٥٠	$٤ \times (٨ - ٣)$
١٠ - ٦	٣	٨	٢٤	٣	٣٦	٣×٣٠	$٣ \times (٨ - ٨)$
١٥ - ١١	٢	١٣	٢٦	٢	٣٦	٢×٣٠	$٢ \times (٨ - ١٣)$
٢٠ - ١٦	١	١٨	١٨	١	٣٦	١×٣٠	$١ \times (٨ - ١٨)$
المجموع	١٠	٨٠	٨٠	٨٠	٢٠٠	٢٠٠	٢٠٠

$$\sigma = \sqrt{\frac{80}{10}} = \sqrt{\frac{\sum (س - س)^2 \times ت}{\sum ت}} = \sqrt{\sum (س - س)^2}$$

$$\sigma = \sqrt{200} = \sqrt{\frac{200}{10}} = \sqrt{\frac{\sum (س - س)^2 \times ت}{\sum ت}} = 6$$