

إجابة ٢٠٢٠ أسرار إبداع المشوخ

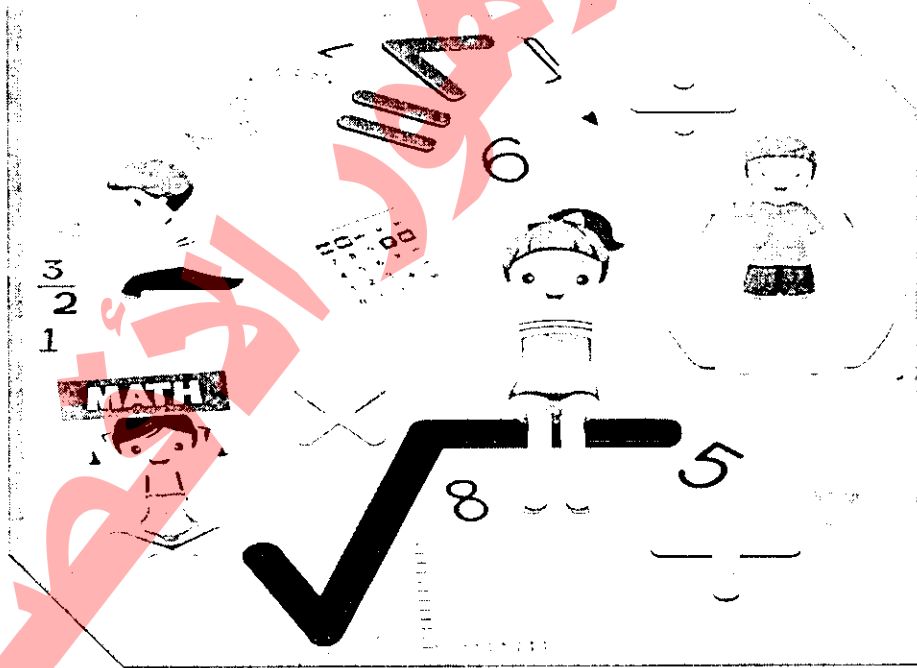
وكالة الغوث الدولية - الأونروا
دائرة التربية والتعليم - غزة
مركز التطوير التربوي
وحدة التطوير المهني والمنهاج



8

الثامن

بطاقات التعلم الذاتي الرياضيات



الفصل الدراسي الأول

للعام الدراسي 2021/2020م

بطاقة رقم (٢٩)

الموضوع : تمثيل البيانات بطريقة القطاعات الدائرية

الهدف : يمثل البيانات المجدولة بالقطاعات الدائرية

تمهيد : (١) القطاع الدائري هو جزء من دائرة محصور بين نصفي قطرين وقوس في دائرة .

$$\frac{\text{تكرار الظاهرة}}{\text{مجموع التكرارات}} = \text{التكرار النسبي لظاهرة ما}$$

$$\text{زاوية القطاع الدائري} = \frac{\text{عدد عناصر القطاع}}{\text{العدد الكلي}} \times ٣٦٠$$

$$\text{مجموع زوايا القطاعات الدائرية لجميع البيانات} = ٣٦٠$$

مثال (١) : الجدول التالي يبين أعداد تلاميذ الصف الثامن في إحدى المدارس الإعدادية مثل بيانيا بالقطاعات الدائرية .

الصف	ثامن ١	ثامن ٢	ثامن ٣	المجموع
عدد التلاميذ	٣٠	٢٥	٣٥	٩٠

الحل : (١) قياس الزاوية المركزية للقطاع الذي يمثل ثامن (١) = $\frac{٣٠}{٩٠} \times ٣٦٠ = ١٢٠$

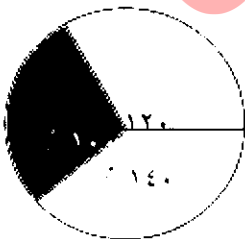
قياس الزاوية المركزية للقطاع الذي يمثل ثامن (٢) = $\frac{٢٥}{٩٠} \times ٣٦٠ = ١٠٠$

قياس الزاوية المركزية للقطاع الذي يمثل ثامن (٣) = $\frac{٣٥}{٩٠} \times ٣٦٠ = ١٤٠$

(٢) ارسم دائرة وارسم داخلها نصف قطر

(٣) ارسم القطاعات الدائرية حسب قياسات الزوايا مبتدئاً بالزاوية ١٢٠

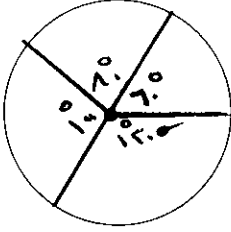
ثم ١٠٠ ثم ٩٠ عند المركز م .



تدريب (1): الجدول التالي بين عدد ساعات التدريب للاعب خلال الأسبوع :

اليوم	السبت	الاثنين	الثلاثاء	الخميس	المجموع
عدد الساعات	3	4	5	6	18

مثل ذلك بيانياً بالقطاع الدائري

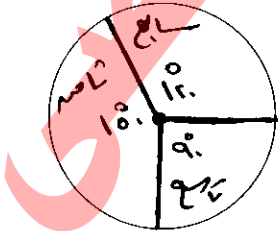


$$\begin{aligned} \text{السبت} &= \frac{3}{18} \times 100 = 16.7\% \\ \text{الاثنين} &= \frac{4}{18} \times 100 = 22.2\% \\ \text{الثلاثاء} &= \frac{5}{18} \times 100 = 27.8\% \\ \text{الخميس} &= \frac{6}{18} \times 100 = 33.3\% \end{aligned}$$

تدريب 2: الجدول التالي يمثل أعداد التلاميذ في إحدى المدارس الإعدادية :

الصف	سابع	ثامن	تاسع	المجموع
عدد التلاميذ	120	150	90	360

مثل ذلك بيانياً بالقطاع الدائري



$$\begin{aligned} \text{سابع} &= \frac{120}{360} \times 100 = 33.3\% \\ \text{ثامن} &= \frac{150}{360} \times 100 = 41.7\% \\ \text{تاسع} &= \frac{90}{360} \times 100 = 25\% \end{aligned}$$

بطاقة رقم (٣٠)

الموضوع : المدى

الهدف : يحسب المدى لمجموعة من القيم .

تمهيد:

يقاس تباعد (تشتت) أي مجموعة من البيانات بمقاييس خاصة تسمى مقاييس التشتت، ومن هذه المقاييس المدى ، التباين ، الانحراف المعياري

مدى البيانات = أكبر قيمة في البيانات - أصغر قيمة في البيانات

مثال (١): احسب المدى للبيانات الآتية .

أ) ٣ ، ٧ ، ١٠ ، ٢ ، ١٩ ، ٢٥

المدى = أكبر قيمة - أصغر قيمة

$$٢٣ = ٢ - ٢٥$$

ب) ٤- ، ١ ، ١٥ ، ١٦ ، ٤٧ ، ١٤

المدى = أكبر قيمة - أصغر قيمة

$$٥١ = ٤- + ٤٧ = (٤-) - ٤٧$$

لا يمكن أن يكون مدى البيانات سالباً

تدريب (١) : احسب المدى للبيانات التالية .

أ) ٦ ، ١٨ ، ٢١ ، ١٣ ، ١٦ ، ١٧

$$[١٥] = ٦ - ٢١$$

ب) ٩ ، ١ ، ٢- ، ٣٥ ، ١٧ ، ١٤

$$[٣٧] = ٢- - ٣٥$$

ج) ١٣- ، ١٧ ، ١٥ ، ٠ ، ٨- ، ١٣

$$[٣٠] = ١٣- - ١٧$$

بطاقة رقم (٣١)

الموضوع : التباين والانحراف المعياري

الهدف : (١) يحسب التباين لمجموعة من القيم العددية .

(٢) يجد الانحراف المعياري لمجموعة من القيم العددية .

تمهيد:

توجد مقاييس أكثر دقة من المدى لقياس تشتت البيانات ، ومن هذه المقاييس التباين والانحراف المعياري

يعرف التباين بأنه مجموع مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي مقسوماً على عدد القيم

ويرمز له بالرمز σ^2

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

ويمكن حسابه من الصيغة

$$\sigma^2 = \frac{\sum x_i^2 - n\bar{x}^2}{n}$$

يُعرف الانحراف المعياري (σ) بأنه الجذر التربيعي للتباين .

حيث (\sum مجموع ، \bar{x} الوسط الحسابي لمجموعة من البيانات ، n عدد القيم) .

مثال (١) : احسب التباين و الانحراف المعياري للقيم التالية :

٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٧

أرمرز للقيم بالرمز x_i ، وأكوّن جدولاً مناسباً:

القيمة x_i	٣	٤	٥	٦	٧
$\sum x_i =$	٩	١٦	٢٥	٣٦	٤٩
$\sum x_i^2 =$	٢٥	٣٦	٥٠	٦٤	٤٩

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n} = \frac{٢٥}{٥} = ٥$$

$$\frac{\sum s^2 - \frac{(\sum s)^2}{n}}{n} = \sigma^2$$

$$s^2 = \frac{10}{5} = \frac{125 - 135}{5} = \frac{25 \times 5 - 135}{5} =$$

$$\sqrt{s^2} = \sqrt{\sigma^2} = \sigma = \text{الانحراف المعياري}$$

تدريب (1):

أجد التباين والانحراف المعياري للقيم التالية :

$$n = 5 \quad 5, 4, 3, 2, 1$$

$$\sum s = 15 \quad 5 \quad 4 \quad 3 \quad 2 \quad 1$$

$$\sum s^2 = 55 \quad 25 \quad 16 \quad 9 \quad 4 \quad 1$$

$$\bar{s} = \frac{\sum s}{n} = \frac{15}{5} = 3$$

$$s^2 = \frac{10}{5} = \frac{25 - 55}{5} = \frac{9 \times 5 - 55}{5} = \frac{(\sum s)^2 - \sum s^2}{n}$$

$$\sqrt{s^2} = \sigma = \text{الانحراف المعياري} = 2$$

أجد التباين والانحراف المعياري للقيم التالية :

$$5, 7, 8, 6, 4, 5, 9, 4$$

48 = $\sum s$	5	7	8	6	4	5	9	4	$\sum s$
312 = $\sum s^2$	25	49	64	36	16	25	81	16	$\sum s^2$

$$\bar{s} = \frac{\sum s}{n} = \frac{48}{8} = 6$$

$$s^2 = \frac{24}{8} = \frac{36 \times 8 - 312}{8} = \frac{(\sum s)^2 - \sum s^2}{n}$$

$$\sqrt{s^2} = \sigma = \text{الانحراف المعياري} = 3$$